

【問1】

(1)	5	3
(2)	$-4x + 3$	3
(3)	ウ	3
(4)	54.77	3
(5)	$(x + 2)(x - 4)$	3
(6)	$x = -3 \pm 2\sqrt{2}$	3
(7)	エ	3

図1

(8)

(9) (例)ふもとから山頂までの移動にかかる時間

(10) 55 ° 3

(11) イ 3

(12)  $\frac{5}{6}$  3

問1 計  
36 /36

【問2】 I

(1)	0.58	2
(2)	およそ 380 個	2
(3)	ウ	3

II

(1)	$100 \times 5 \times (5 + 1)$	3
(2)	い $100a(a + 1)$	3 (完答)
	う $b(10 - b)$	
(3)	ウ	3

III

(1)	エ	3
(2)	180 $\text{cm}^3$	3

問2 計  
22 /22

【問3】 I

(1)	40 本	2
(2)	$y = 250x - 9500$	3
(3)	① (例) $x$ の値に対応する $y$ の値が小さい	3
	② 100	

II

(1)	① エ	3
	② $0 \leq y \leq 9$	3
(2)	① 14 $\text{cm}^2$	3
	② D( 1 , 1 )	3

問3 計  
23 /23

【問4】

(1)	37 °	2
(2)	〔証明〕 $\triangle BCO'$ と $\triangle BDA$ について、 $\angle ADB$ は円Oの半円の弧に対する円周角だから、 $\angle ADB = 90^\circ \dots\dots$ ① 直線BCは円O'の接線だから、 $\angle O'CB = 90^\circ \dots$ ② ①、②より、 $\angle O'CB = \angle ADB \dots\dots$ ③ 共通の角より、 $\angle CBO' = \angle DBA \dots\dots$ ④ ③、④より、2組の角が、それぞれ等しいので、 $\triangle BCO' \sim \triangle BDA$	5
(3)	あ 相似な図形の対応する角 い $\angle O'CA = \angle CAD$	
(4)	① BC : CD = 3 : 1	3
	② $2\sqrt{2}$ cm	
(5)	$\frac{2\sqrt{3}}{3}$ $\text{cm}^2$	3

問4 計  
19 /19

得点合計  
100 /100

# 数 学

<出題領域> 問1 計算と基本問題

問2 データの活用、空間図形、文字式の利用

問3 関数の利用

問4 図形総合

## <解 説>

問1 (7) 反比例の式は  $x$  の値が  $m$  倍になるとき、 $y$  の値は  $\frac{1}{m}$  倍になる関係です。 $m = -\frac{1}{2}$  のとき、  
とき、 $x$  の値が  $-\frac{1}{2}$  倍となるときには、 $y$  の値は  $-2$  倍になります。よって、答えはエとなります。

問2 II(3)  $10a + b$  と  $10(10 - a) + b$  の積は  $(10a + b)\{10(10 - a) + b\} = 1000a - 100a^2 + 100b + b^2 = 100\{a(10 - a) + b\} + b^2$  より、百の位以上の数は  $100\{a(10 - a) + b\}$  で表されます。百の位以上の数は、 $a$  と  $b$  の値によって決まります。よって、答えはウとなります。

問3 I(2) B社の  $50 \leq x$  のグラフは、座標  $(50, 3000)$  を通る一次関数です。図1から、50本をこえた分については、1本250円で販売するため、一次関数の変化の割合は250となります。よって、答えは  $y = 250x - 9500$  となります。

II(2)② 1組の向かい合う辺が、等しくて平行であるとき、四角形ODFCは平行四辺形となります。よって、 $CO = FD$  となる点Dの座標を求めます。点Dの  $x$  座標を  $t$  とすると、 $D(t, t^2)$ 、 $F(t, t + 6)$  となります。 $CO = 6$ 、 $FD = (t + 6) - t^2$  なので、 $(t + 6) - t^2 = 6$  となります。 $t$  の値を求めると、 $t = 0, 1$  なので、 $D(1, 1)$  のとき、四角形ODFCは平行四辺形となります。

問4 (4)①  $PB = 6$  cm、 $AO' = O'P = 3$  cm より、 $BO' : O'A = 3 : 1$  です。(2)より、 $\triangle BCO' \sim \triangle BDA$  なので、 $BO' : O'A = BC : CD = 3 : 1$  となります。

②  $CO' = 3$  cm、 $\triangle BCO'$  は  $\angle BCO' = 90^\circ$  の直角三角形だから、三平方の定理より、 $BC = 6\sqrt{2}$  cm となります。 $BC : CD = 3 : 1$  より、 $CD = 2\sqrt{2}$  cm となります。

(5)  $AB = 12$  cm、 $AP = 8$  cm なので、 $AO' = O'P = PB = 4$  cm となります。また、 $O'C = O'P$  なので、 $O'C = 4$  cm となります。よって、 $\triangle BCO'$  は  $O'C : O'B : BC = 1 : 2 : \sqrt{3}$  の直角三角形です。また、 $\angle BO'C = 60^\circ$  となります。 $\triangle BCO' \sim \triangle BDA$  より、 $\angle BO'C = \angle BAD = 60^\circ$  です。(3)の  $\angle O'AC = \angle CAD$  より、 $\angle O'AC = \angle CAD = 30^\circ$  となります。 $\triangle O'AC$  は  $O'A = O'C$  の二等辺三角形より、 $\angle O'CA = 30^\circ$  となります…①  $\angle AEP$  は円Oの半円の弧に対する円周角なので、 $\angle AEP = 90^\circ$  です。また、 $\triangle AEF$  について、 $\angle AFE = 180^\circ - (\angle FAE + \angle AEF) = 180^\circ - (30^\circ + 90^\circ) = 60^\circ$  です。 $\angle CFG$  は  $\angle AFE$  の対頂角のため、 $\angle CFG = \angle AFE = 60^\circ$  となります…② ①、②より、 $\triangle CFG$  は  $FG : CF : CG = 1 : 2 : \sqrt{3}$  の直角三角形となります。 $\triangle CO'P$  は正三角形なので、 $\angle CPG = \angle O'PG = 30^\circ$  で、 $O'G = CG = 2$  cm となります。 $FG : CF : CG = 1 : 2 : \sqrt{3}$  なので、 $FG : 2 = 1 : \sqrt{3}$  を解くと、 $FG = \frac{2\sqrt{3}}{3}$  cm です。

よって、 $\triangle CFG = \frac{2\sqrt{3}}{3} \times 2 \div 2 = \frac{2\sqrt{3}}{3}$  cm<sup>2</sup> となります。