

数 学 入試直前対策問題

【問1】 各問いに答えなさい。

(1) $3 - (-2)$ を計算しなさい。

(2) 24の倍数であるものを、次のア～エから2つ選び、記号を書きなさい。

[ア $2^2 \times 3^3 \times 5$ イ $2^2 \times 3^4 \times 5^2$ ウ $2^3 \times 3^2 \times 5$ エ $2^4 \times 3^2 \times 5$]

(3) $\frac{2x-3y}{6} \times (-12)$ を計算しなさい。

(4) $\sqrt{75} - \sqrt{12}$ を計算しなさい。

(5) 連立方程式 $\begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ 3x + 2y = -6 \end{cases}$ を解きなさい。

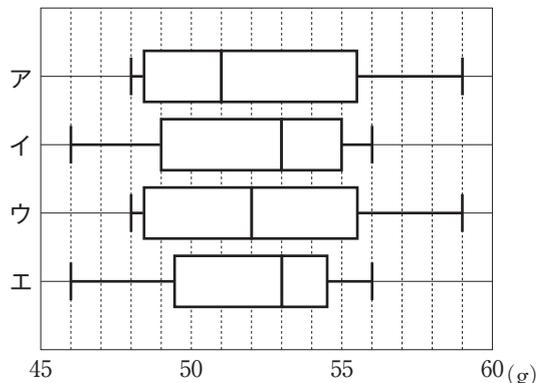
(6) 縦が x cm, 横が y cm の長方形がある。このとき, $2(x+y)$ はどのような数量を表しているか, 言葉で書きなさい。

(7) 資料は, 卵10個の重さを調べ, その値を左から小さい順に並べたものである。資料をもとにして作成した箱ひげ図として最も適切なものを図1のア～エから1つ選び, 記号を書きなさい。

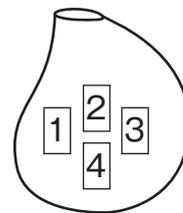
[資料]
46, 48, 49, 50, 52, 54, 54, 55, 56, 56

(単位: g)

図1



(8) 1, 2, 3, 4の数が1つずつ書かれた4枚のカードが入った袋がある。この袋から, カードを1枚取り出し, それを袋に戻さないで, 続けてカードを1枚取り出す。はじめに取り出したカードに書かれている数を x , 続けて取り出したカードに書かれている数を y とするとき, $x > y$ となる確率を求めなさい。ただし, どのカードが取り出されることも同様に確からしいものとする。

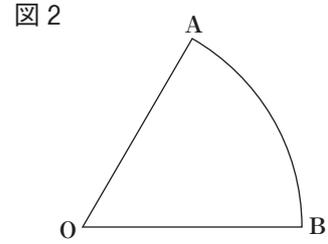


(9) 表は, y が x に反比例する関係を表したものである。表の に当てはまる適切な数を書きなさい。

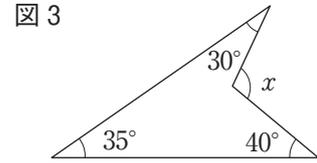
表

x	...	-4	...	0	...	2	...
y	...	3	...	<input type="text"/>	...	<input type="text"/>	...

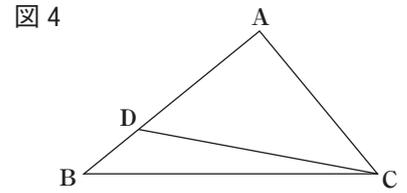
- (10) 図2のように、 $\angle AOB = 60^\circ$ のおうぎ形OABがある。
 \widehat{AB} 上に、 $\angle POB = 15^\circ$ となる点Pを、定規とコンパスを使って作図しなさい。ただし、点Pを表す文字Pも書き、作図に用いた線は消さないこと。



- (11) 図3において、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



- (12) 図4は、 $\triangle ABC$ の辺AB上に、 $\angle DBC = \angle ACD$ となるように点Dをとり、点Cと点Dを結んだものである。
 $AB = 6\text{ cm}$ 、 $AC = 5\text{ cm}$ のとき、線分ADの長さを求めなさい。



【問2】 各問いに答えなさい。

I 表は、春さんの通う中学校の3年生20人、2年生30人について、ハンドボール投げの記録を調査し、3年生と2年生のハンドボール投げの記録を比較するために整理した度数分布表である。

表

記録 (m)	3年生	2年生
	度数 (人)	度数 (人)
5 以上～ 10未満	1	0
10 ～ 15	0	3
15 ～ 20	3	6
20 ～ 25	3	12
25 ～ 30	12	9
30 ～ 35	1	0
計	20	30

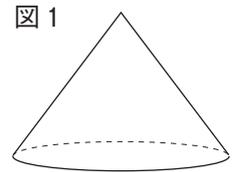
- (1) 表からわかることについて、正しいものを次のア～エからすべて選び、記号を書きなさい。

- ア 2年生の記録の中央値を含む階級は、15m以上20m未満の階級である。
- イ 3年生の記録の範囲は、2年生の記録の範囲より大きい。
- ウ 2年生の記録の最頻値は12人である。
- エ 階級の幅は5 mである。

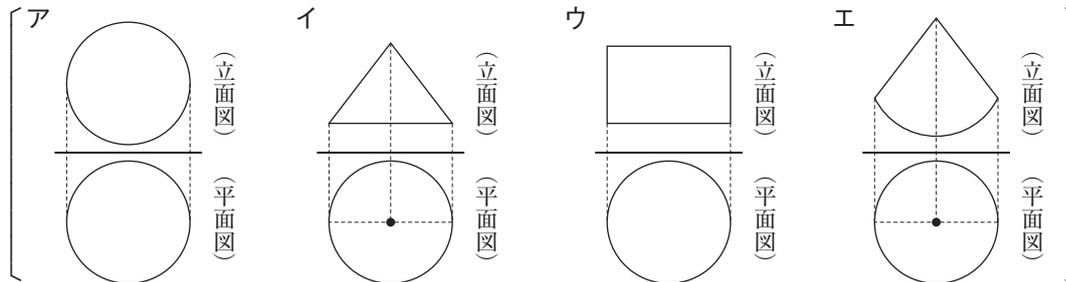
- (2) 3年生20人から無作為に1人を選んだときと、3年生と2年生を合わせた50人から無作為に1人を選んだときで、ハンドボール投げの記録が20m未満の生徒が選ばれやすいのはどちらのときか。正しいものを次のア、イから1つ選び、記号を書きなさい。また、それが正しいことの原因を、累積相対度数の値を示して説明しなさい。

- ア 3年生20人から無作為に1人を選んだときである。
- イ 3年生と2年生を合わせた50人から無作為に1人を選んだときである。

II 図1は、底面の半径が3 cm、高さが4 cm の円錐である。



- (1) この円錐の投影図として最も適切なものを、次のア～エから1つ選び、記号を書きなさい。



- (2) この円錐の体積を求めなさい。

III 夏さんは、連続する2つの偶数について、次のように予想した。

〔夏さんの予想〕

連続する2つの偶数について、それぞれを2乗した数の和は偶数になる。

例えば、連続する2つの偶数を2, 4とすると、 $2^2+4^2=20=2\times 10$ となる。

夏さんの予想がいつでも成り立つことを、次のように説明した。

〔夏さんの説明〕

n を整数とすると、連続する2つの偶数は、小さい順に、 $2n$, $\boxed{\text{あ}}$ と表すことができる。

このとき、この2つの偶数をそれぞれ2乗した数の和は、

$(2n)^2+(\boxed{\text{あ}})^2=8n^2+8n+4=2(4n^2+4n+2)$ となる。

$4n^2+4n+2$ は整数なので、 $2(4n^2+4n+2)$ は偶数である。

したがって、連続する2つの偶数について、それぞれを2乗した数の和は偶数になる。

- (1) $\boxed{\text{あ}}$ に当てはまる適切な式を n を用いて書きなさい。
- (2) 夏さんは、夏さんの予想の「連続する2つの偶数」を「連続する2つの奇数」に変えても、それぞれを2乗した数の和は偶数になることに気がつき、次のようにまとめた。 $\boxed{\text{い}}$ に当てはまることとして最も適切なものを、下のア～ウから1つ選び、記号を書きなさい。

〔夏さんがまとめたこと〕

連続する2つの奇数について、それぞれを2乗した数の和は偶数になることがわかった。「連続する2つの偶数について、それぞれを2乗した数の和は偶数になる」と「連続する2つの奇数について、それぞれを2乗した数の和は偶数になる」ことから、「 $\boxed{\text{い}}$ 2つの整数について、それぞれを2乗した数の和は偶数になる」といえる。

〔ア 差が2である イ 連続する ウ 異なる〕

- (3) 連続する4つの正の整数について、それぞれを2乗した数の和が86となる時、連続する4つの正の整数のうち、1番小さい正の整数はいくつか。方程式をつくり、求めなさい。ただし、用いる文字が何を表すかを最初に示し、方程式と答えを求めるまでの過程を書くこと。

【問3】 各問いに答えなさい。

I 桜さんの通う学校には、図1のような、バス停から学校までの道のりが6 km の道路がある。スクールバスは、バス停から学校までの間を往復する。桜さんの家は、バス停と学校の間でスクールバスが進む道路上にあり、16時にバス停から学校に向かって出発したスクールバスは、16時5分に桜さんの家の前を通過する。図2は、16時から x 分後におけるバス停からの距離を y km として、 x と y の関係をスクールバスについて、グラフに表したものである。ただし、スクールバスは一定の速さで往復するものとする。

図1

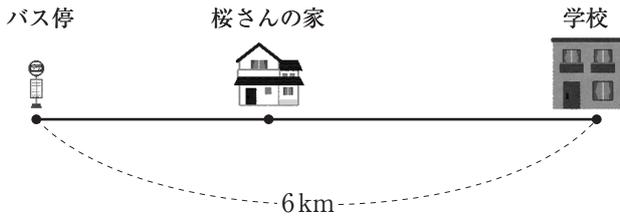
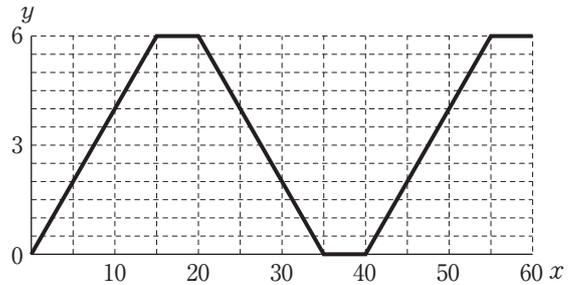


図2

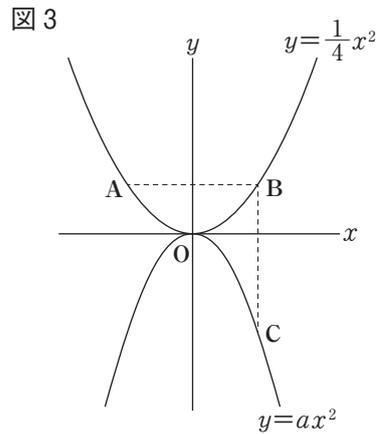


- (1) 16時にバス停を出発したスクールバスが、バス停から学校まで走り、折り返して再びバス停にもどるとき、スクールバスは学校で何分間停車していたか、求めなさい。
- (2) バス停からの距離が2 km の地点に桜さんの家があるということは、図2をもとにして、次のように説明することができる。に当てはまる説明を書き、説明を完成させなさい。

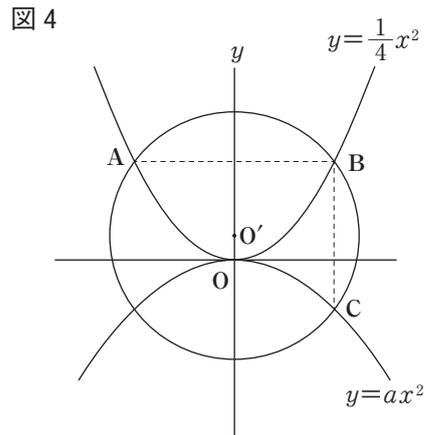
〔説明〕
 図2のグラフで を読み取ると、バス停からの距離が2 km の地点に桜さんの家があることがわかる。

- (3) ある日、桜さんは、16時に学校を出発し、スクールバスが進む道路と同じ道路を時速4 km で桜さんの家に向かって一定の速さで歩いた。
 - ① 桜さんが16時に学校を出発してから、桜さんの家に着くまでの様子について、 x と y の関係を表すグラフを図2にかきなさい。
 - ② 桜さんは、学校を出発してから桜さんの家に到着するまでの間に、バス停から学校に向かうスクールバスと何回すれ違うか、求めなさい。
 - ③ 桜さんの弟は、16時35分に桜さんの家を自転車で出発し、スクールバスが進む道路と同じ道路を時速12 km で学校に向かって一定の速さで進んだところ、学校から桜さんの家に向かって歩いている桜さんと出会った。このとき、桜さんの弟が桜さんに出会った時刻は16時何分何秒か、求めなさい。

II 図3は、関数 $y = \frac{1}{4}x^2$ のグラフ上に、 x 座標が -4 である点Aをとったものである。また、点Aと y 軸について対称な点Bをとり、関数 $y = ax^2$ ($a < 0$) のグラフ上に点Bと x 座標が等しい点Cをとったものである。



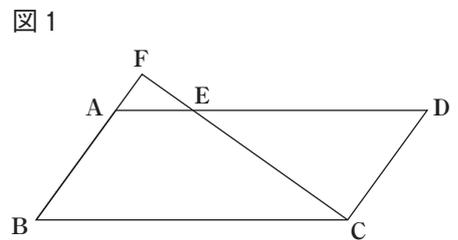
- (1) $a = -\frac{1}{2}$ のとき、点Cの y 座標を求めなさい。
- (2) $\triangle ABC$ の面積が24となるとき、 a の値を求めなさい。
- (3) 図4は、図3において、3点A, B, Cを通る円を円O'としたものである。



- ① 円O'の半径が5となるとき、円O'の中心の座標を求めなさい。
- ② $a = -\frac{1}{16}$ のとき、円O'の中心を通り、 $\triangle ABC$ の面積を二等分する直線の式を求めなさい。

【問4】各問いに答えなさい。

I 図1は、 $\angle ABC$ が鋭角である平行四辺形ABCDにおいて、辺AD上に点Eをとり、辺BAを延長した直線と、線分CEを延長した直線の交点をFとしたものである。



- (1) 図1において、 $\triangle FBC \sim \triangle CDE$ は、次のように証明することができる。証明1の「あ」に当てはまる適切な言葉を書きなさい。また、「平行四辺形の性質」になるように、「い」に当てはまる適切な言葉を書きなさい。

〔証明1〕

$\triangle FBC$ と $\triangle CDE$ で、
 平行四辺形の2組の向かいあう辺は、それぞれ平行なので、
 $AD \parallel BC \cdots ①$

①より、平行線の「あ」は等しいので、

$\angle FCB = \angle CED \cdots ②$

「い」ので、

$\angle FBC = \angle CDE \cdots ③$

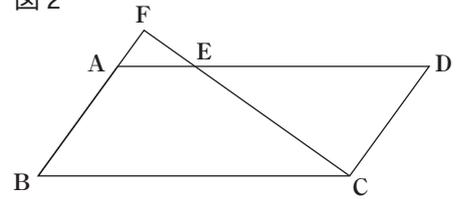
②、③より、2組の角が、それぞれ等しいので、

$\triangle FBC \sim \triangle CDE$

(2) 図2は、図1において、点Eを、辺ADを4等分した点のうち、点Aに最も近い点に変えたものである。

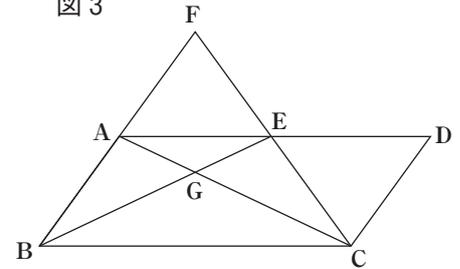
- ① FBはFAの何倍になるか、求めなさい。
- ② 四角形ABCEと△CDEの面積の比を求め、最も簡単な整数の比で表しなさい。

図2



II 図3は、図1において、点Eが辺ADの中点、 $CD = CE$ となるように、平行四辺形ABCDの辺AB、BCの長さ、 $\angle ABC$ の大きさ、点Eの位置を変え、線分ACと線分BEの交点をGとしたものである。

図3



(1) $\triangle ABC \cong \triangle ECB$ は、次のように証明することができる。

うに証明の続きを書き、証明2を完成させなさい。ただしあ、いには証明1と共通の言葉が入る。

〔証明2〕

$\triangle ABC$ と $\triangle ECB$ で、

平行四辺形の2組の向かいあう辺は、それぞれ平行なので、 $AD \parallel BC \dots ①$

①より、平行線のあは等しいので、

$\angle ECB = \angle CED \dots ②$

いので、

$\angle ABC = \angle CDE \dots ③$

仮定より、 $CD = CE \dots ④$

④より、 $\triangle CDE$ は $CD = CE$ の二等辺三角形より、2つの底角が等しく、

$\angle CED = \angle CDE \dots ⑤$

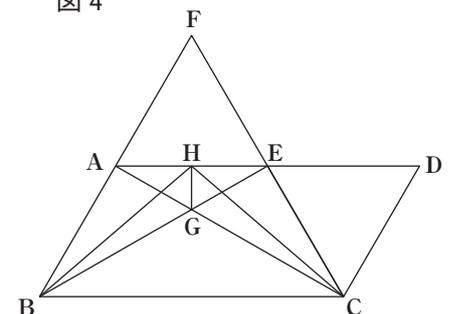
②、③、⑤より、

う

(2) $\angle CDE = 50^\circ$ のとき、 $\angle AFE$ の大きさを求めなさい。

III 図4は、図3において、 $\angle ABC = 60^\circ$ 、平行四辺形ABCDの面積を $2\sqrt{3} \text{ cm}^2$ としたものである。このとき、辺AD上に $CH + HB$ の長さが最も短くなるように点Hをとり、点Gと点Hを結ぶ。

図4



- (1) HEの長さを求めなさい。
- (2) $\triangle AHG$ の面積を求めなさい。